

МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ УКРАЇНИ
Запорізький національний технічний університет



МЕТОДИЧНІ ВКАЗІВКИ
до лабораторних робіт
“Застосування MS Excel у інженерних розрахунках”,
частина 1
з дисципліни
"Вступ до спеціальності"

для студентів усіх форм навчання спеціальності 6.050902
«Радіoeлектронні апарати»

2014

Методичні вказівки до лабораторних робіт “Застосування MS Excel у інженерних розрахунках”, частина 1 з дисципліни "Вступ до спеціальності", для студентів усіх форм навчання спеціальності 6.050902 "Радіоелектронні апарати" / уклад.: Поспеева І. Є., Міщенко М. В., Щурова Л.С., Качуляк І. Д. – Запоріжжя: ЗНТУ, 2014. – 38 с.

Укладачі : Поспеева Ірина Євгенівна, ст.викладач;
Міщенко Марина Володимирівна, асистент;
Щурова Лариса Семенівна, зав.лаб.
Качуляк Іван Дмитрович, студент гр. РТ-111

Рецензент: Шило Галина Миколаївна, к.т.н., доцент

Відповідальний за випуск: Крищук Володимир Миколайович,
к.т.н., професор, зав. каф. ІТЕЗ

Затверджено
на засіданні кафедри ІТЕЗ
протокол № 4 від 04.12.2014

ЗМІСТ

ВСТУП	4
1 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №1. ОСНОВНІ НАВИЧКИ РОБОТИ У СЕРЕДОВИЩІ MS EXCEL	5
1.1 Теоретичні відомості	5
1.2 Порядок виконання роботи	18
1.3 Приклад виконання завдань	18
1.4 Зміст звіту	21
1.5 Завдання на лабораторну роботу	21
1.6 Контрольні питання	23
2 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №2. ВИКОРИСТАННЯ ФУНКЦІЙ ЛОГІКИ	24
2.1 Теоретичні відомості	24
2.2 Порядок виконання роботи	25
2.3 Приклад виконання завдання	25
2.4 Зміст звіту	27
2.5 Завдання на лабораторну роботу	27
2.6 Контрольні питання	27
3 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3. РОБОТА З МАТРИЦЯМИ	28
3.1 Теоретичні відомості	28
3.2 Порядок виконання роботи	33
3.3 Приклад виконання завдання	33
3.4 Зміст звіту	36
3.5 Завдання на лабораторну роботу	36
3.6 Контрольні питання	37
ЛІТЕРАТУРА	38

ВСТУП

Microsoft Excel (MS Excel) – програма для роботи з електронними таблицями, створена корпорацією Microsoft для Microsoft Windows. Програма дає можливість виконувати економіко-статистичні, математичні та інженерні розрахунки, має графічні інструменти та можливості макропрограмування VBA (Visual Basic for Application).

Оволодіння цією програмою надає багато можливостей при проведенні інженерних розрахунків, серед яких розрахунки функцій при змінних аргументах за допомогою копіювання комірок, побудова графіків та їх швидка апроксимація, вбудовані формули для операцій з масивами, логічні функції тощо. Усе це дозволяє прискорити процес розрахунків, підвищити їх точність та зменшити ймовірність помилок.

Цикл представлених лабораторних робіт спрямовано на навчання студентів користуватися основними функціями MS Excel з метою подальшого застосування отриманих знань в інженерних дисциплінах. Цикл складається з двох частин. При виконанні лабораторних робіт першої частини студенти навчаються користуватися основними функціями MS Excel та їх застосуванням при рішенні деяких математичних задач.

При виконанні лабораторних робіт другої частини студенти навчаються користуватися основними функціями MS Excel та їх застосуванням при рішенні деяких математичних задач.

1 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №1. ОСНОВНІ НАВИЧКИ РОБОТИ У СЕРЕДОВИЩІ MS EXCEL

Мета роботи: оволодіти основними навичками роботи у середовищі MS Excel.

1.1 Теоретичні відомості

Робота з документами

В Excel робоча книга зберігається у форматі **.xls**.

Засоби збереження книги :

- 1) “**Файл** → **Сохранить**”;
- 2) Поєднання клавіш **Ctrl + S**.

Засоби збереження. Автозбереження

Зміни, що вносяться в документ в процесі його обробки, спочатку зберігаються тільки в оперативній пам'яті. Щоб уникнути втрати частини інформації у випадку відключення живлення, документ слід періодично зберігати. Для цього призначена функція автозбереження (“**Сервис** → **Параметры** → **Сохранение**” → встановити прапорець “**Сохранять данные для автовосстановления каждые**” і задати інтервал часу, через який документ повинен зберігатися, рис. 1.1).

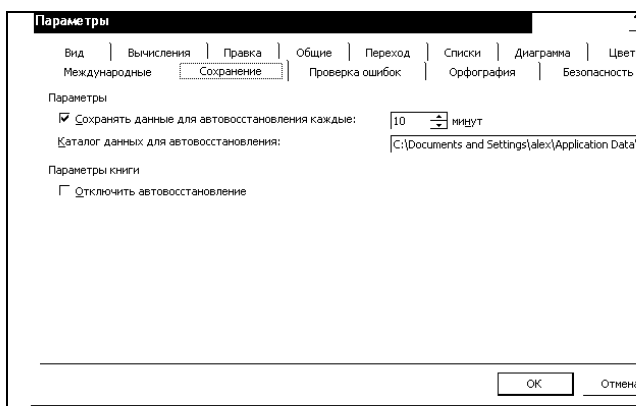


Рисунок 1.1 – Вкладка автозбереження документу

Робота з комірками

Введення даних в таблицю. Після запуску програми **Excel** автоматично завантажується чиста книга і активізується комірка A1, рис. 1.2. Ця комірка обведена рамкою, яка називається покажчиком комірки.

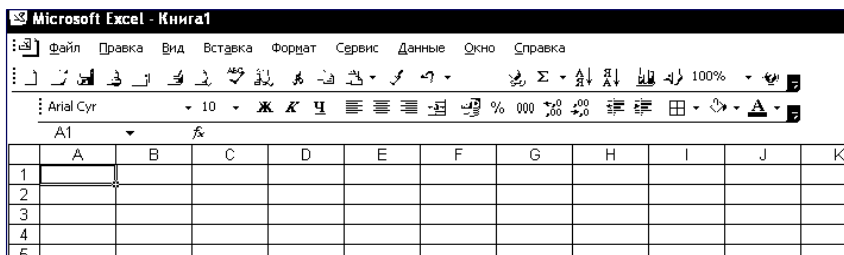


Рисунок 1.2 – Робоче середовище MS Excel

Дані вводяться або у активну комірку, або в рядок формул. Як тільки у комірку буде введений хоч би один символ, її вміст відобразиться в рядку формул. Крім того, в цьому рядку з'явиться три кнопки, за допомогою яких проводиться обробка вмісту комірки. При необхідності відмінити операцію введення даних скористайтеся клавішею **Esc** або кнопкою з хрестиком, що знаходиться в рядку формул.

Формат комірки. Елементи електронної таблиці можуть містити найрізноманітнішу інформацію: текст, числові значення, формули. При введенні даних **Excel** автоматично розпізнає їх тип. Числові значення, що вводяться, автоматично вирівнюються за правою межею, а текстові дані – за лівою межею комірки. Проте **Excel** надає можливість змінювати засіб вирівнювання цих різних типів. **Excel** автоматично розпізнає формати дат і часу і певним чином виводить дані цього типу на екран. Для представлення дат і значень часу існує декілька форматів. Формат, який треба присвоїти значенню, визначається на основі порядку введення цифр і роздільників.

Автопідбір ширини стовпців. Для того, щоб комірки, що містять символи дієза, придбали звичайний вид, необхідно задати команду Автопідбір ширини ("**Формат** → **Столбец** → **Автоподбор**

ширини”). В результаті виконання цієї команди ширина стовпця встановлюється з урахуванням розмірів найдовшого його елементу.

Редагування вмісту комірок. Найбільш швидкий і простий засіб редагування – запис нової інформації поверх старої. При виявленні будь-яких несуттєвих помилок дані у комірці краще не переписувати, а редагувати. Для цього треба активізувати режим редагування, двічі клацнувши на комірку, внаслідок чого в ній з’явиться курсор введення. Перейти у вказаний режим дозволяє також функціональна клавіша **F2**.

При видаленні вмісту комірок параметри форматування зберігаються. Це слід враховувати, і у разі потреби видаляти не лише значення, але і параметри форматування за допомогою команди **Правка** → **Очистить** → **Формати**.

Автозаповнення. Щоб реалізувати цю функцію, треба виділити як мінімум дві комірки. **Excel** підрахує різницю між значеннями у цих комірках і, із застосуванням маркера заповнення, почне формувати значення в інших комірках, додаючи цю різницю до значення кожної попередньої комірки (тобто значення у заповнених комірках утворюють арифметичну прогресію, рис. 1.3).

	А	В
1	1	
2	3	
3		
4		
5		5

Рисунок 1.3 – Приклад автозаповнення

Якщо в процесі простягання маркера заповнення утримувати натиснутою клавішу **Ctrl**, то діапазон заповнюється шляхом багатократного дублювання значення виділених комірок.

При перетяганні маркера заповнення вниз або праворуч, значення у комірках, що заповнюються, зростають, а при перетяганні його вгору або ліворуч - навпаки, зменшуються.

Форматування документу

Формат комірок. Інформація, введена в елемент таблиці, може бути представлена по-різному. Для вибору формату даних комірки використовується діалогове вікно “**Формат ячеек**” (“**Формат** → **Ячейки**” або **Ctrl+1**). Перш ніж виконувати в **Excel** команду, необхідно виділити комірку або область комірок, на яку повинна поширюватися дія цієї команди. Сказане справедливе відносно команд форматування. Якщо діапазон комірок не виділений, то параметри форматування привласнюються активній комірці. Якщо вікно “**Формат ячеек**” викликається вперше, то відкривається його вкладка “**Число**”, ліворуч якої знаходиться список форматів, які можна використовувати (рис. 1.4).

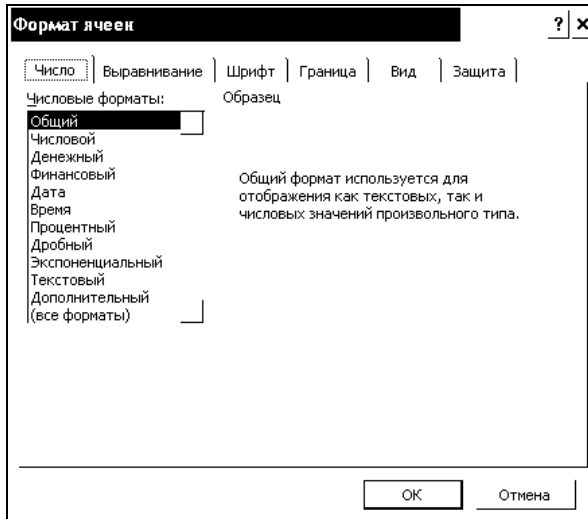


Рисунок 1.4 – Вікно формату комірок

Після вибору деяких категорій у правій частині вікна з'являються додаткові списки, прапорці і поля, що полегшують процес встановлення потрібного формату. Обравши потрібний формат, натисніть кнопку ОК, і виділена комірка відформатує його вміст.

Якщо треба задати для числового значення кількість десяткових знаків, роздільник груп розрядів і засіб представлення від'ємних чисел, слід скористатися форматом “**Числової**”.

Щоб представити в таблиці дуже великі або дуже маленькі числа, слід вибрати формат “**Експоненціальний**”. У цьому форматі число записується у вигляді двох компонентів: мантиси (число, що знаходиться в діапазоні від 1 до 10) і порядку (визначає міра числа 10). Наприклад, число 15 000 000 записується так: 1,5E+7. Для представлення чисел у вигляді звичайних дробів виберіть формат “**Дробний**” і тип дробу (наприклад, 21/25, 4/8).

Формули і функції

Формули. Основним засобом аналізу і обробки, що вводяться в таблицю даних, являються формули. За їх допомогою можна проводити арифметичні, алгебраїчні та логічні операції над даними.

Формула – це вираз, який починається знаком дорівнює і визначає, які розрахунки треба зробити на робочому листі. Формула в комірці може включати наступні елементи: числові і текстові значення, посилання на другі комірки, знаки математичних і логічних операцій, а також звернення до функцій. При обчисленні формули використовується порядок дій, прийнятий в математиці, табл. 1.1.

Таблиця 1.1 – Арифметичні, логічні і адресні операції.

Знак	Операція
%	Визначення відсотка
-	Заперечення
^	Піднесення до степеня
*	Множення
/	Ділення
+	Складання
-	Віднімання
=, <>	Дорівнює, недорівнює
<, >	Менше, більше
<=, >=	Менше дорівнює, більше дорівнює
:	Служить роздільником меж діапазону
;	Означає об'єднання діапазонів

Результатом обчислення формули, що включає арифметичні операції, являється числове значення.

Відносні і абсолютні посилання на комірки. Посилання на комірку у формулі може бути відносним, абсолютним або змішаним.

Відносне посилання включає тільки імена стовпця та рядка (наприклад, A1). Якщо копіювати комірку з таким посиланням у інші, то посилання будуть змінюватися за рядком (якщо копіювати рядок) та стовпцем, якщо копіювати стовпець. Це дуже зручно при копіюванні формул у таблицях з посиланням на дані попереднього рядка або стовпця.

Але іноді треба, щоб посилання у комірках не змінювались (коли, наприклад, це посилання на якусь константу). Тоді використовують абсолютні посилання, які вказують на конкретну комірку. При переміщенні або копіюванні формули таке посилання не змінюється, оскільки воно задає фіксовану позицію на робочому листі. Ознакою абсолютного посилання є наявність двох знаків (\$) - перед ім'ям стовпця і перед номером рядка (наприклад: \$A\$1).

У змішаних посиланнях є один знак (\$) (наприклад: A\$1; \$A1). Якщо він стоїть перед ім'ям стовпця, то ми маємо абсолютне посилання на стовпець і відносне на рядок. Якщо формула містить абсолютне посилання, то при копіюванні це посилання не змінюється.

Імена у формулах. Вказати адресу комірки або діапазону – це не єдиний спосіб послатися на них у формулі. У Excel існує можливість привласнювати коміркам, діапазонам комірок, формулам і константам імена і використовувати їх як абсолютні посилання. Привласнювати імена можна і несуміжним діапазонам, а також коміркам, розташованим в діапазоні, якому вже дано ім'я.

Щоб присвоїти ім'я комірці або діапазону комірок, треба спочатку їх виділити. Після цього необхідно клацнути в крайньому лівому полі рядка формул, де знаходиться адреса поточної комірки. В результаті в цьому полі з'явиться курсор введення, а адреса комірки буде виділена. Введіть ім'я діапазону, натисніть клавішу Enter.

Існує і інший спосіб присвоєння імені діапазонам: викликати команду “**Вставка** → **Имя** → **Присвоить**” і ввести ім'я діапазону в поле **Имя** діалогового вікна “**Присвоение имени**”.

Функції. Excel надає в розпорядження користувачів безліч спеціальних функцій, які можна застосовувати в обчисленнях. Функція представляє формулу, що виконує певні операції. Початкові дані передаються в неї за допомогою аргументів. Звернення до функції здійснюється шляхом вказівки її імені, після якого йдуть круглі дужки.

В якості аргумента можна задати числове або текстове значення, адресу комірки (абсолютну або відносну), адресу або ім'я діапазону. Викликаються функції з формул, причому в одній формулі може бути декілька функцій, об'єднаних різними знаками операцій. Якщо в якості аргументів функції використовуються інші функції, то такі функції називаються вкладеними.

Виклик функцій. Виклик функції у формулі, тобто введення її імені, дужок і аргументів, можна виконати з клавіатури або безпосередньо в комірці, або в рядку формул. При цьому адреси комірок, вміст яких повинен використовуватися в якості аргументів функції, зручно визначати, виділяючи комірки за допомогою миші.

При роботі з функціями рекомендується використовувати рядок формул і “**Мастер функцій**”. В цьому випадку аргументи встановлюються в діалоговому вікні, що повністю виключає появу помилок, вірогідність виникнення яких при введенні функції з клавіатури досить висока.

Введення функцій за допомогою рядка формул і майстра. При введенні формули, в лівій частині рядка формул відображається ім'я функції, яка викликала останньою. Клацнувши на розташованій поряд з ним стрілці, можна розкрити список, що містить імена десяти функцій, що недавно використовувались, рис. 1.5.

Якщо потрібна функція, вказана в цьому списку, виберіть її. Ім'я функції з'явиться в рядку формул, а на екрані відкриється діалогове вікно “**Аргументы функции**”, яке міститиме її опис і поля для введення аргументів, рис. 1.6.

Відкрити вікно “**Мастер функций**” можна і іншим способом, а саме натиснувши кнопку “**Вставка функции**” рядка формул або викликавши команду “**Вставка → Функция**”.

Помилки у формулах. Excel може розпізнати далеко не всі помилкові ситуації. Наприклад, якщо неправильно вказаний порядок

виконання операцій, формула все одно буде обчислена, оскільки формальних помилок при запису її компонентів допущено не було. Щоб легше було знайти логічну помилку, можна встановити для робочого листа режим відображення формул, а не результатів.

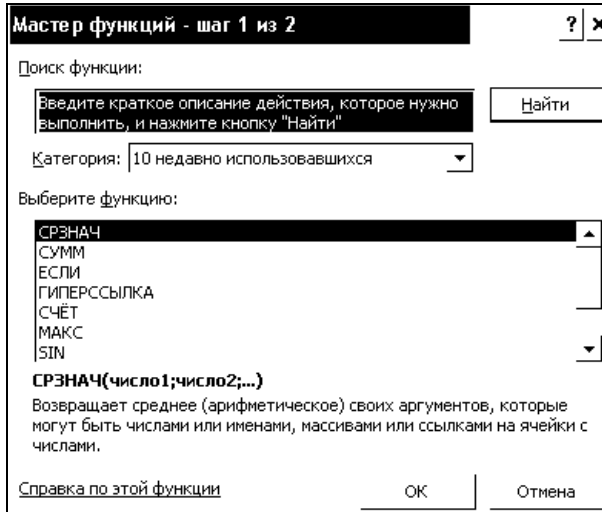


Рисунок 1.5 - Вікно мастера функций

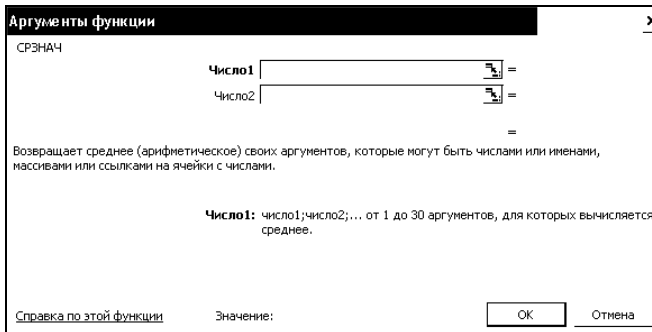


Рисунок 1.6 - Аргументт функций

Якщо при введенні формули в ній виявлена помилка і Excel може запропонувати спосіб її виправлення, на екран виводиться вікно, в якому описано, як це можна зробити

Типи помилок. Значення помилки залежить від типу помилки, допущеної у формулі. Першим символом значення помилки являється дієз (#), за ним йде текст. Цей текст может завершуватися знаком оклику або знаком питання.

Це значення помилки виводиться в тих випадках, коли ширина стовпця недостатня для розміщення результатів обчислення формули і коли набути значення дати або часу є від'ємними числами

#ССЫЛКА! Це значення помилки свідчить про те, що формула містить посилання на неіснуючі комірки. Перевірте, чи правильно вказано шлях до документу і введено його ім'я, чи не було перейменовано або видалено лист, на який є зовнішнє посилання.

#ДЕЛ/0! Це значення помилки з'являється при діленні на нуль.

#ЧИСЛО! Це значення помилки з'являється у разі порушення правил при завданні операцій, прийнятих в математиці, або в результаті некоректного визначення аргументів функції (наприклад, якщо як аргумент функції, що обчислює квадратний корінь, вказано негативне значення).

#ИМЯ? Це значення помилки вказує на те, що при введенні імені було допущено помилки і програма не може знайти потрібне ім'я ні серед імен функцій, ні серед імен діапазонів. Повідомлення про помилку з'являється і у тому випадку, якщо текстове значення у формулі не розміщено в лапки або якщо в посиланні на діапазон відсутній символ двокрапки.

#ПУСТО! Програма видає це значення помилки при невірній вказівці перетину діапазонів.

#Н/Д. Це значення помилки з'являється, коли не задані один або декілька аргументов функції і коли відбувається звернення до недоступної призначеної для користувача функції.

#ЗНАЧ! У разі введення аргументу або операнда неприпустимого типу програма видає значення помилки #ЗНАЧ! Перевірте, чи є операнди і аргументи використовуваного типу допустимими.

Діаграми

Значення діаграм, як графічної форми представлення числових даних, важко, переоцінити. Вони дозволяють не лише підвищити наочність матеріалу, що викладається, але і відобразити співвідношення різних величин або динаміку зміни показників. У **Excel** передбачені засоби роботи з діаграмами різних типів.

Майстер діаграм. Перш ніж викликати майстер діаграм, на робочому листі необхідно виділити комірки, дані яких будуть представлені на діаграмі. Після натиснення кнопки “**Майстер діаграмм**”, розташованої на стандартній панелі інструментів, на екрані з'явиться перше діалогове вікно майстра, в якому можна вибрати тип діаграми, рис. 1.7.

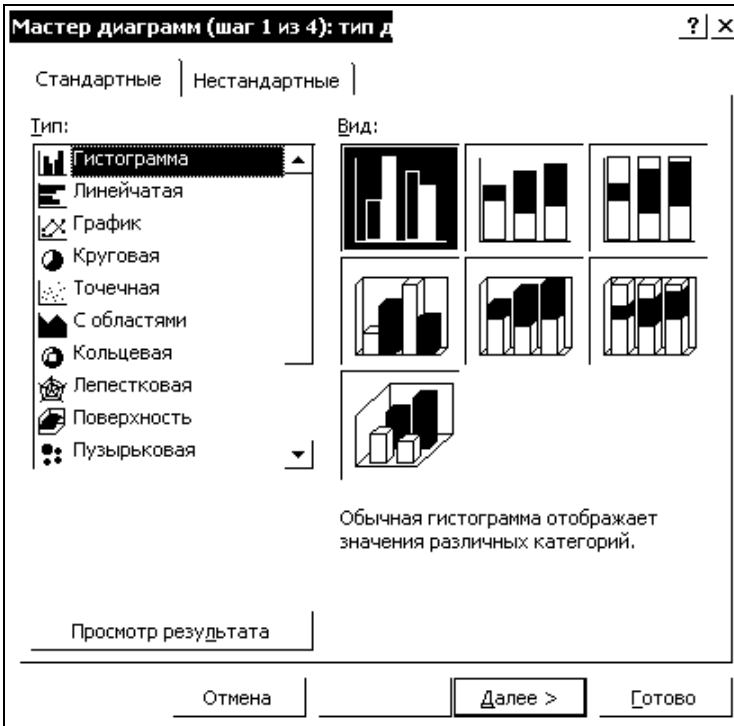


Рисунок 1.7 - Вікно “Майстер діаграмм”

Це вікно містить дві вкладки: “Стандартные” і “Нестандартные”. У списку “Тип” першої вкладки слід вибрати тип діаграми, а в полі “Вид” її вид. Діаграми одного типу можна відформатувати по-різному. Рекомендується вибирати такий формат, який найбільш відповідає меті побудови діаграми. Надалі формат діаграми можна буде змінити. Якщо жоден із стандартних типів діаграм вас не влаштовує, можна перейти на вкладку “Нестандартные” і створити власний тип.

Визначивши тип і формат діаграми, клацніть на кнопку “Готово”, після цього програма завершить роботу над першим етапом створення діаграми, використовуючи встановлені за замовчанням параметри автоформатування. Для попереднього перегляду діаграми у вибраному форматі слід скористуватися кнопкою “**Просмотр результата**”. Якщо тримати її натиснутою, то в діалоговому вікні з’явиться поле .

Для того, щоб перейти до наступного етапу створення діаграми, натисніть кнопку “Далее”. На екрані з’явиться друге діалогове вікно майстра з зображенням діаграми вибраного типу .

На вкладці “**Диапазон данных**” цього вікна вкажіть адреси комірок, значення яких будуть використані при побудові діаграми. Якщо майстер діаграм було викликано після виділення потрібних комірок, то в цьому діалоговому вікні буде відображено їх адреси. При необхідності запропоновані адреси можна змінити.

Натиснувши кнопку “Далее”, ви перейдете в діалогове вікно майстра “**Мастер диаграмм**” (крок 3 із 4), де можна задати параметри форматування діаграми .

Натиснувши кнопку “Далее” ще раз, ми відкриваємо останнє вікно майстра діаграм, з тим щоб задати в нім місце розташування діаграми: на окремому листі або на листі з таблицею. В останньому випадку потрібний лист вибирається з поля списку.

Діалогове вікно закривається кнопкою “Готово”, після чого створена діаграма з’явиться на робочому листі, рис. 1.8.

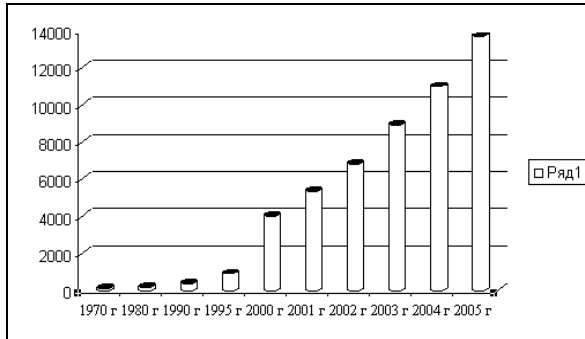


Рисунок 1.8 - Приклад готової діаграми

Діаграму, як і інші об'єкти, можна розмістити в будь-якому місці листа шляхом переміщення її за допомогою миші. Крім того, існує можливість методом переміщення маркерів змінювати розміри області діаграми.

Типи діаграм. У Excel користувачі можуть створювати діаграми різних типів і по-різному їх формувати. Вибираючи формат, тим самим визначається засіб відображення діаграми цього типу. Коли на діаграмі представлено один ряд даних, усі маркери даних мають однаковий колір. Якщо ж рядів даних декілька, маркери виділяються різними кольорами.

Найбільш використовуваними типами діаграм є:

- **гістограма** - в гістограмі (її також називають стовпчиковою діаграмою) окремі значення представлено вертикальними стовпчиками різної висоти ;

- **лінійна діаграма** - на відміну від гістограми, де смужки (стовпчики) розташовуються вертикально, тобто паралельно осі Y, смужки в лінійній діаграмі розгорнуті горизонтально, паралельно осі X. Довжина смужки визначається відповідним їй числовим значенням;

- **графік** - маркерами даних на графіках є лінії, які інтерполюють певні значення. Застосовувати графік не рекомендується, якщо описані їм абсолютні величини не пов'язані між собою;

- **кругова діаграма** - кругова діаграма будується у вигляді кола, розбитого на декілька сегментів, кожний з яких відповідає певному значенню, що входить в сумарний показник. Сума всіх значень приймається рівною 100 %.

- **точкова діаграма** - в точковій діаграмі маркерами є точки в декартовій системі координат. Діаграми такого типу найбільше підходять для представлення взаємозв'язків між двома або декількома значеннями. Її слід використовувати для побудови графіків залежності між двома змінними – x та y .

Панель інструментів Діаграми. Для роботи з діаграмами **Excel** надає в розпорядження користувача найрізноманітніші інструменти. Більшість з них міститься в меню “**Діаграма**”, а також на панелі інструментів “**Діаграма**”.

Засоби форматування діаграм. Створена в **Excel** діаграма може бути відформатована і доповнена різними елементами. У розпорядженні користувача є також засоби, що дозволяють застосовувати для оформлення діаграми візерунок заповнення, вставляти в будь-яку позицію текст або графічний об'єкт. Деякі з параметрів цих елементів задаються в автоформаті діаграми, а деякі може змінити користувач.

Форматування осей. Невід'ємним елементом осі діаграми є ціна поділки. При створенні гістограми шкала значень осі Y починається з нуля і закінчується значенням, яке обчислюється таким чином: максимальне значення з області даних округляється до найближчого більшого числа, кратного шкалі поділки.

Змінити параметри відображення осі можна на вкладці “**Шкала**” діалогового вікна форматування “**Формат осі**”, яке відкривається в результаті подвійного клацання на цій осі, рис. 1.9.

Якщо різниця між найбільшим і найменшим значеннями шкали занадто велика, доцільно використовувати логарифмічну шкалу. Така шкала дозволяє поліпшити загальний вигляд діаграми, значення рядів даних якої істотно розрізняються. Щоб дістати можливість застосовувати в діаграмі логарифмічну шкалу, слід встановити в діалоговому вікні “**Формат осі**” прапорець логарифмічної шкали. Проте при роботі з такими діаграмами треба бути дуже уважними, з тим щоб не допустити помилок при інтерпретації даних.

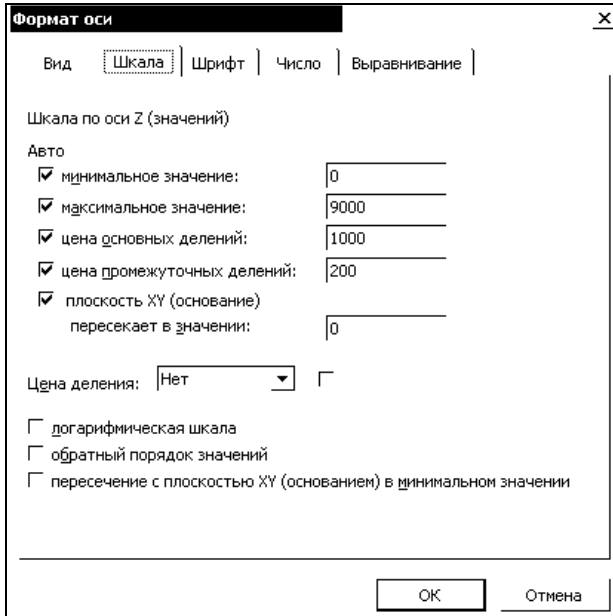


Рисунок 1.9 - Вікно “Формат оси”

1.2 Порядок виконання роботи

При виконанні лабораторної роботи дотримуйтесь рекомендованого порядку:

- ознайомтесь з матеріалом, який наведене у підрозділі 1.1;
- отримайте від викладача варіанти завдань;
- створіть новий проект;
- виконайте завдання 1, 2 згідно варіанту та прикладів, наведених у підрозділі 1.3. Варіанти завдань наведено у підрозділі 1.5.
- оформіть звіт.

1.3 Приклад виконання завдань

Завдання 1. Побудувати графік функції $y = \log(x) + \cos(x) + x$, якщо x лежить у межах $1 \leq x \leq 10$ з кроком 1 . Розрахувати суму та середнє арифметичне всіх значень y на заданому інтервалі.

1) У комірку A1 записуємо символ x . У комірку B1 вводим значення 1, а в C1 - 2 і проводимо автозаповнення до потрібного нам значення (в даному випадку до комірки K1 включно).

2) У комірку A2 записуємо символ y . У комірку B2, за допомогою “**Мастера функций**” (“*Вставка* → *Функция...*”) або вручну, записуємо функцію $y = \log(x) + \cos(x) + x$, яка буде виглядати наступним чином: =LOG(B1)+COS(B1)+B1. Проводимо автозаповнення комірок з B2 по K2. Тепер ми знаємо усі значення y в заданому інтервалі x .

3) У комірку A3 записуємо “Сума”. Для знаходження суми можна використати “**Мастер функций**”, або самостійно прописуємо =СУММ (у обраній комірці B3). Потім вибираємо діапазон потрібних нам комірок та натискаємо **ENTER**.

4) У комірку A4 записуємо **Ср. Ариф.** Для знаходження середнього арифметичного значення вибираємо комірку B4 і запускаємо “**Мастер функций**”. У вікні, що відкрилося, в рядку пошуку прописуємо **СРЗНАЧ**, вибираємо цю функцію і натискаємо **ОК**.

5) Виділяємо комірки B2:K2 і натискаємо **ОК**. При цьому в рядку формул з'явиться формула =СРЗНАЧ (B2:K2).

6) Для побудови графіку виділяємо комірки B1 : K2.

7) Запускаємо “**Мастер диаграмм**” (“*Вставка* → *Диаграмм*”).

8) У полі “**Тип**” вибираємо “**Точечная**”.

9) У полі “**Вид**” вибираємо будь-який з видів діаграми та клацаємо по кнопці “**Далее**”.

10) У вікні “**Мастер диаграмм**” (крок 2 з 4) також виберемо “**Далее**”.

11) У вкладці “**Заголовки**” заповнюємо поля таким чином: “**Название диаграммы**”: $y=f(x)$, **Ось X** : x , **Ось Y** : y .

11) У вікні “**Мастер диаграмм**” (крок 4 з 4) вибираємо “**Готово**”.

12) Потягнувши лівою кнопкою миші за білу область діаграми, розмістити її в зручне місце. Готове завдання показане на рис. 1.10.

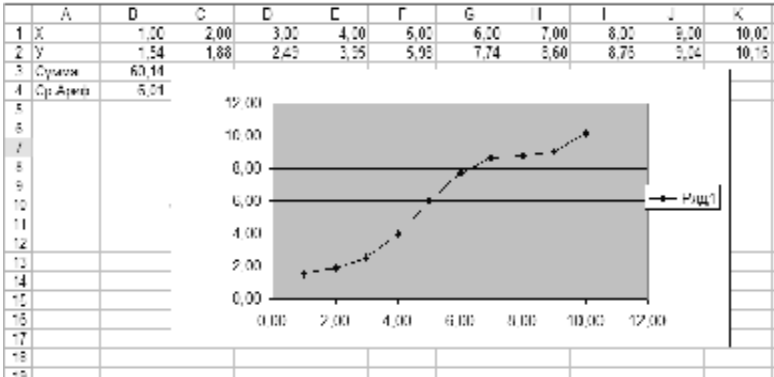


Рисунок 1.10 - Зображення прикладу завдання 1.

Завдання 2. Побудувати графік функції $z = -a \times \ln(x) + b \times y^2$ для значень x , y , що були розраховані у завданні 1. a , b – константи, $a = 12$, $b = 8$.

- 1) На новий аркуш копіюємо вміст комірок A1:K2.
- 2) У комірку A4 записуємо a , у комірку B4 - значення 12.
- 3) У комірку A5 записуємо b , у комірку B5 вводимо значення 8.
- 4) У комірку A3 записуємо символ z . У комірку B3, за допомогою “**Мастер функций**” (“**Вставка** → **Функция...**”) або вручну, записуємо функцію $z = -a \times \ln(x) + b \times y^2$, яка буде виглядати наступним чином: $=-B4*LN(B1)+B5*B2^2$. Оскільки значення констант повинні не змінюватися при копіюванні, то на ці комірки треба зробити змішане посилання. Копіювання комірок відбуватиметься за рядком, тому використовується абсолютне посилання на рядок. Після цього проводимо автозаповнення комірок з B3 по K3.
- 5) Для побудови графіку виділяємо комірки B1 : K3.
- 6) Запускаємо “**Мастер диаграмм**” (“**Вставка** → **Диаграмм**”).
- 7) У полі “**Тип**” вибираємо “**Поверхность**”.
- 8) У полі “**Вид**” вибираємо вид діаграми “**Поверхность**” та клацаємо по кнопці “**Далее**”.
- 9) У вікні “**Мастер диаграмм**” (крок 2 з 4) також вибираємо “**Далее**”.

10) У вкладці “Заголовки” заповнюємо поля таким чином: **Назва діаграми** : $z = f(x,y)$, **Ось X** : x , **Ось Y** : y , **Ось Z**: z та клацаємо по кнопці “Далее”.

11) У вікні “Мастер диаграмм” (крок 4 з 4) вибрати “Готово.”

12) Потягнувши лівою кнопкою миші за білу область діаграми, розмістити її в зручне місце. Готове завдання показано на рис. 1.11.

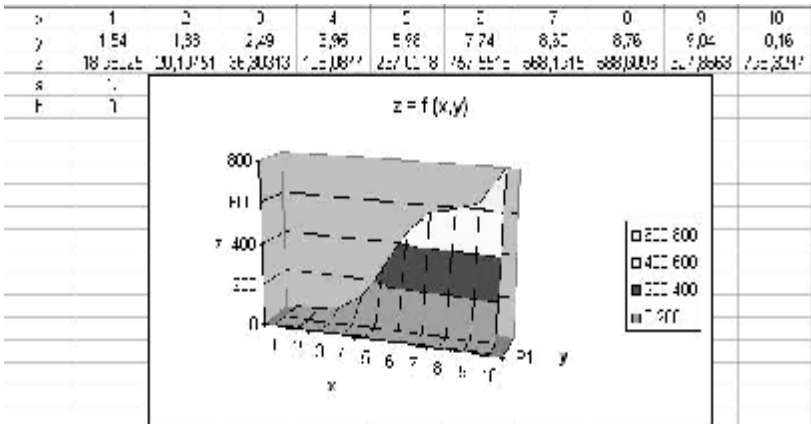


Рисунок 1.11 - Зображення прикладу завдання 2

1.4 Зміст звіту

Звіт з лабораторної роботи повинен містити:

- мету роботи;
- завдання на виконання роботи;
- результати виконаної роботи;
- висновки.

1.5 Завдання на лабораторну роботу

1.5.1 Побудувати графік функції y , якщо $x \in [-5; 5]$ з кроком 1. Розрахувати суму та середнє арифметичне всіх значень y на заданому інтервалі.

1.5.2 Побудувати графік функції $z = f(x, y)$ для значень x, y , що були розраховані у завданні 1, a, b – константи.

Варіанти завдань 1, 2:

- 1) $y=x^3-3\cdot x^2+3$, $z=a\cdot x^2-b\cdot \cos(y)$, $a=2$, $b=11$;
- 2) $y=e^{2x}+x^2+7$, $z=a\cdot \sqrt{x}+b\cdot \sin(y)$, $a=3$, $b=10$;
- 3) $y=3\cdot x+\cos(x)+1$, $z=a\cdot x^3+b\cdot y^2$, $a=8$, $b=6$;
- 4) $y=x^2-12\cdot x-5$, $z=a\cdot \sin(x^2)+b\cdot \cos(y^2)$, $a=7$, $b=2$;
- 5) $y=2\cdot x^3+9\cdot x^2-4$, $z=a\cdot e^x-b\cdot \text{th}(y)$, $a=7$, $b=2$;
- 6) $y=x^4+12\cdot x^2-10$, $z=a\cdot \sqrt{(x^3+b)}+\cos(y)$, $a=4$, $b=15$;
- 7) $y=2\cdot \cos(2\cdot x)-3x$, $z=a\cdot \sqrt{(x^2+b\cdot y^2)}$, $a=9$, $b=10$;
- 8) $y=x^3+3\cdot e$, $z=\sqrt{(a\cdot x^3+b\cdot y^2)}$, $a=12$, $b=6$;
- 9) $y=x^2+2\cdot \sin(3\cdot x)+2$, $z=a\cdot \ln(x)-b\cdot y^3$, $a=22$, $b=14$;
- 10) $y=x+\cos(x^2+3)$, $z=a\cdot x-b\cdot \ln(y^2)$, $a=3$, $b=15$;
- 11) $y=x^3-3\cdot x^2+3$, $z=a\cdot e^{-x}+b\cdot e^{-y}$, $a=20$, $b=3$;
- 12) $y=2\cdot x^2+4\cdot x+6$, $z=a\cdot \sqrt{(x^5+b\cdot \cos(y))}$, $a=5$, $b=2$;
- 13) $y=x+\log(3\cdot x)$, $z=a\cdot \lg(x)-b\cdot \sin(3\cdot y)$, $a=8$, $b=16$;
- 14) $y=(x-1)^3+\ln(x)$, $z=a\cdot e^x-b\cdot e^{-2y}$, $a=18$, $b=4$;
- 15) $y=x^2-3\cdot e^{-x}$, $z=a\cdot x^2-b\cdot \cos(y)$, $a=12$, $b=21$;
- 16) $y=\lg(x)-\sin(3\cdot x)$, $z=a\cdot x^2-b\cdot \cos(y)$, $a=3$, $b=9$;
- 17) $y=x^3-\sin(5\cdot x)+7$, $z=a\cdot \sqrt{x^2}-b\cdot \cos(y)$, $a=17$, $b=4$;
- 18) $y=3\cdot x^2+\sqrt{2}\cdot x$, $z=a\cdot x^3+b\cdot \sin(y)$, $a=3$, $b=8$;
- 19) $y=e^x-3\cdot x^2+\sqrt{3}$, $z=e^{ax}+e^{-by}$, $a=3$, $b=0,1$;
- 20) $y=\lg(5\cdot x)-x^2+2$, $z=a\cdot x+\sqrt{(b\cdot y^2+x)}$, $a=6$, $b=18$.

1.6 Контрольні питання

1. Як встановити автозбереження файлів?
2. Що таке комірки, як вони позначаються?
3. Як проводиться редагування вмісту комірок?
4. Як проводиться автозаповнення комірок?
5. Види форматів комірок. Як вони задаються?
6. Засоби введення функцій.
7. Формули у **MS Excel**.
8. Відносні і абсолютні посилання на комірки.
9. Імена комірок та їх діапазонів.
10. Робота з **Мастером функцій**.
11. Помилки у формулах.
12. Діаграми. Види діаграм.
13. Створення діаграм.
14. Редагування діаграм.

2 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №2. ВИКОРИСТАННЯ ФУНКЦІЙ ЛОГІКИ

Мета роботи: ознайомитись з видами функцій логіки та навчитись користуватися ними у середовищі MS Excel.

2.1 Теоретичні відомості

Логічна функція - це функція логічних змінних, яка може приймати тільки два значення: 0 (Ні) або 1 (Так).

Логічні функції допомагають створювати складні формули, які залежно від виконання тих або інших умов здійснюватимуть різні види обробки даних.

У цій категорії всього шість команд, але про чотирьох з них варто поговорити детальніше, оскільки вони значно розширюють наші можливості в застосуванні всіх інших команд.

Команда **“ЕСЛИ”** дозволяє організувати різного роду розгалуження. Формат команда **“ЕСЛИ”**:

=ЕСЛИ(лог_выражение;значение_если_истина; значение_если_ложь)

Логічною умовою виступають рівність і нерівності з використанням знаків >, <, = та ін.

Приклад: *=ЕСЛИ(C1>D1*B5; "УРА! "; "НА ЖАЛЬ".)* - якщо число в осередку C1 більше, ніж D1*B5, то в нашому осередку буде радість, а якщо менше - розчарування. У функцію **“ЕСЛИ”** може бути вкладена інша функція **“ЕСЛИ”**, а в неї ще одна - "і так сім разів". Наприклад: *= ЕСЛИ (C1>100; "УРА! "; ЯКЩО(E1=1; G1; G2))* - якщо осередок C1 більше ста, то в нашому осередку буде написано "Ура!" а якщо менше або рівна - те в неї скопіюється вміст осередків G1(при E1, рівному 1) або G2 (при E1, не рівному 1).

Команда **“И”** дозволяє створити декілька умов, які можна використовувати в команді **“ЕСЛИ”**. Усі умови в команді **“И”** мають бути виконані, тільки тоді функція набуває значення істини. Якщо хоч одна умова не виконана, то значення її брехня. Формат команди **“И”**:

=И(логическое_условие_1; логическое_условие_2...)

Всього логічних умов може бути до 30 штук.

Приклад спільного використання функцій “ЕСЛИ” та “І”:
 $=ЕСЛИ(И(E1>1; G2="Ура! "); "Вгадав"; "Не вгадав")$ - якщо осередок E1 більше одиниці, а в G2 знаходиться слово "Ура!" то в нашому осередку опиниться слово "Вгадав" (істина), якщо ж якась з логічних умов не виконана (брехня), отримаємо "Не вгадав".

Команда “**ИЛИ**” теж дозволяє задати декілька умов, але іншим чином. Якщо хоч одне з них виконано, то функція набуває значення істина. І тільки коли усі задані умови невірні, отримаємо брехню. Формат такий же, як у функції “**И**”, її можна також використовувати разом з “**ЕСЛИ**”.

Команда “**НЕ**” інвертує (перевертає) отримані значення: була істина, стане брехня, та навпаки.

Приклад: $=ЕСЛИ(НЕ(C1>D1*B5); "УРА! "; "НА ЖАЛЬ... ")$ - "УРА!" з'являється, коли C1 не більше D1*B5.

2.2 Порядок виконання роботи

При виконанні лабораторної роботи дотримуйтесь рекомендованого порядку:

- ознайомтесь з матеріалом , який наведено у підрозділі 2.1;
- отримайте від викладача варіант завдання;
- створіть новий проект у Microsoft Office Excel 2003;
- виконайте завдання згідно варіанту та прикладу, що наведений у підрозділі 2.3. Завдання наведено у підрозділі 2.5;
- оформіть звіт.

2.3 Приклад виконання завдання

Припустимо, що Ви працюєте у деканаті інститута та Вам потрібно скласти список студентів, які допущені до іспиту на основі даних про здачу заліків (див. табл 2.1).

Таблиця 2.1 – Вихідні дані до завдання

Студент	I залік	II залік	III залік
1	2	3	4
Іванов	залік	залік	залік
Петров	залік	ні	залік

Сидоров	залік	ні	ні
---------	-------	----	----

Продовження табл. 2.1

1	2	3	4
Павлов	ні	залік	залік
Сімонов	ні	ні	ні
Карпенко	залік	залік	ні
Вавилов	ні	ні	залік

За умовою студент буде допущений до іспиту, якщо він має усі три заліки.

1) Створюємо таблицю у середовищі Microsoft Excel та заповнюємо її згідно вихідних даних (рис. 2.1):

	A	B	C	D
1	Студент	1 залік	2 залік	3 залік
2	Іванов	залік	залік	залік
3	Петров	залік	ні	залік
4	Сидоров	залік	ні	ні
5	Павлов	ні	залік	залік
6	Сімонов	ні	ні	ні
7	Карпенко	залік	залік	ні
8	Вавилов	ні	ні	залік

Рисунок 2.1 - Вихідні дані до завдання

2) У комірку E2 вводимо формулу:
 =ЕСЛИ(И(B2="залік";C2="залік";D2="залік");"допущений";"не допущений"), потім копіюємо її у комірки E3:E8.

Отримуємо результат, рис. 2.1:

	A	B	C	D	E
1	Студент	1 залік	2 залік	3 залік	Допуск до іспиту
2	Іванов	залік	залік	залік	допущений
3	Петров	залік	ні	залік	не допущений
4	Сидоров	залік	ні	ні	не допущений
5	Павлов	ні	залік	залік	не допущений
6	Сімонов	ні	ні	ні	не допущений
7	Карпенко	залік	залік	ні	не допущений
8	Вавилов	ні	ні	залік	не допущений

Рисунок 2.2 – Результати виконання завдання

2.4 Зміст звіту

Звіт з лабораторної роботи повинен містити:

- мету роботи;
- завдання на виконання роботи;
- результати виконаної роботи ;
- висновки.

2.5 Завдання на лабораторну роботу

Припустимо, Ви працюєте у деканаті інститута та Вам потрібно скласти список студентів, що допущені до іспиту на основі даних про здачу трьох заліків. Для даних взяти список студентів своєї групи, інформацію про заліки проставити випадковим чином. Студент допускається до здачі іспиту, якщо має не менш двох заліків.

2.6 Контрольні питання

1. Поняття логічних функцій.
2. Назвіть основні логічні функції.
3. Який формат запису простої функції “**ЕСЛИ**” у Excel ?
4. Який формат запису логічної функції “**И**” у Excel ?
5. Який формат запису логічної функції “**ИЛИ**” у Excel ?

3 ЛАБОРАТОРНА РОБОТА №3. РОБОТА З МАТРИЦЯМИ

Мета роботи: ознайомитись з функціями по роботі з матрицям та їх застосуванням при рішенні систем лінійних рівнянь.

3.1 Теоретичні відомості

Загальні відомості про матриці

Значна частина математичних моделей різних об'єктів і процесів записується в досить простій і компактній матричній формі. Зокрема, при рішенні лінійних рівнянь ми маємо справу з матрицями і арифметичними діями з ними.

Матрицею розмірністю $m \times n$ називається прямокутна таблиця чисел, що містить m рядків і n стовпців. Матриці позначаються прописними (заголовними) буквами латинського алфавіту. Числа, що становлять матрицю, називаються елементами матриці і позначаються рядковими буквами з подвійною індексацією: a_{ij} , де i - номер рядка, а j - номер стовпця. Наприклад, матриця A розміром $m \times n$ може бути представлена у виді:

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2n} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{m1} & a_{m2} & \dots & a_{mn} \end{pmatrix} = (a_{ij}),$$

де $i=1, \dots, m; j=1, \dots, n$.

Дві матриці A і B одного розміру називаються рівними, якщо вони співпадають поелементно, тобто $a_{ij}=b_{ij}$ для будь-яких $i=1, 2, \dots, m; j=1, 2, \dots, n$.

Матриця, що складається з одного рядка, називається матрицею (вектором) - рядком:

$$A = (a_{11}, a_{12}, \dots, a_{1n}),$$

а з одного стовпця - матрицею (вектором) - стовпцем:

$$B = \begin{pmatrix} b_{11} \\ b_{21} \\ \dots \\ b_{m1} \end{pmatrix}$$

Якщо число рядків матриці дорівнює числу стовпців і рівне n , то таку матрицю називають квадратною n -го порядку. Наприклад, квадратна матриця 2-го порядку :

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 4 & 5 \end{pmatrix}$$

Якщо у елементу матриці a_{ij} номер стовпця дорівнює номеру рядка ($i=j$), то такий елемент називається діагональним. Діагональні елементи утворюють головну діагональ матриці.

Квадратна матриця з рівними нулю усіх недіагональних елементів називається діагональною.

Квадратна матриця називається одиничною, якщо вона діагональна, і усі діагональні елементи дорівнюють одиниці. Одинична матриця має вигляд:

$$E = \begin{pmatrix} 1 & 0 & \dots & 0 \\ 0 & 1 & \dots & 0 \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ 0 & 0 & \dots & 1 \end{pmatrix}$$

Операції з матрицями

Як і над числами, над матрицями можна проводити ряд операцій, причому у випадку з матрицями деякі з операцій є специфічними.

Транспонування

Транспонованою називається матриця (A^T), у якій стовпці початкової матриці (A) замінюються рядками з відповідними номерами.

Для позначення транспонованої матриці іноді використовують символ ' (A'). Транспонуванням називається операція переходу від початкової матриці (A) до транспонованої (A^T).

$$A = \begin{pmatrix} 3 & -7 & 11 \\ 18 & 19 & 39 \\ -5 & 91 & 87 \end{pmatrix}; \quad A^T = \begin{pmatrix} 3 & 18 & -5 \\ -7 & 19 & 91 \\ 11 & 39 & 87 \end{pmatrix}$$

З визначення транспонованої матриці виходить, що якщо початкова матриця A має розмір $m \times n$, то транспонована матриця A^T має розмір $n \times m$.

Для здійснення транспонування в **MS Excel** використовується функція “**ТРАНСП**”, яка дозволяє поміняти орієнтацію масиву на робочому листі з вертикальною на горизонтальну і навпаки.

Функція має вигляд “**ТРАНСП (масив)**”. Тут (*масив*) - це масив, що транспонується, або діапазон осередків на робочому листі. Транспонування масиву полягає в тому, що перший рядок масиву стає першим стовпцем нового масиву, другий рядок масиву стає другим стовпцем нового масиву і т. д.

Обчислення визначника матриці

Важливою характеристикою квадратних матриць є їх визначник. Визначник матриці - це число, що обчислюється на основі значень елементів масиву. Визначник матриці A позначається як $|A|$ або Δ .

Визначником матриці першого порядку A , або визначником першого порядку, називається елемент a_{11} .

$$\Delta_1 = |A| = a_{11}$$

Визначником матриці другого порядку A , або визначником другого порядку, називається число, яке обчислюється за формулою:

$$\Delta_2 = |A| = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \end{pmatrix} = a_{11} \cdot a_{22} - a_{12} \cdot a_{21}.$$

У **MS Excel** для обчислення визначника квадратної матриці використовується функція “**МОПРЕД**”. Функція має вигляд “**МОПРЕД(масив)**”. Тут (*масив*) - це числовий масив, в якому зберігається матриця з рівною кількістю рядків і стовпців. При цьому масив може бути заданий як інтервал осередків, наприклад, A1:C3; чи як масив констант, наприклад, {1;2;3;4;5;6;7;8;9}.

Знаходження зворотної матриці

Для кожного числа $a \neq 0$ існує зворотнє число a^{-1} , і для квадратних матриць вводиться аналогічне поняття. Зворотні матриці зазвичай використовуються для вирішення систем рівнянь з декількома невідомими.

Матриця A^{-1} називається зворотною по відношенню до квадратної матриці A , якщо при множенні цієї матриці на дану як ліворуч, так і праворуч виходить одинична матриця:

$$A \times A^{-1} = A^{-1} \times A = E.$$

Як впливає з визначення, зворотна матриця є квадратною того ж порядку, що і початкова матриця.

Існують спеціальні досить складні алгоритми для ручного обчислення зворотних матриць. У **MS Excel** для знаходження зворотної матриці використовується функція “**МОБР**”, яка обчислює зворотну матрицю для матриці, що зберігається в таблиці у вигляді масиву.

Складання і віднімання матриць

Складати (віднімати) можна матриці одного розміру. Сумою матриць $A = (a_{ij})$ і $B = (b_{ij})$ розміру $m \times n$ називається *матриця* $C = A + B$, елементи якої $c_{ij} = a_{ij} + b_{ij}$ для $i = 1, 2, \dots, m; j = 1, 2, \dots, n$ (тобто матриця складається поелементно). Наприклад, якщо:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 7 \\ 9 & -1 & 13 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 0 & -4 & -3 \\ 5 & 19 & 31 \end{pmatrix}$$

$$\text{то } C = \begin{pmatrix} 1+0 & 2-4 & 7-3 \\ 9+5 & -1+19 & 13+31 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 4 \\ 14 & 18 & 44 \end{pmatrix}$$

Аналогічно визначають різницю двох матриць $C = A - B$.

У **MS Excel** для виконання операцій підсумовування і віднімання матриць можуть бути використані формули, що вводяться у відповідні осередки.

Множення матриці на число

Добутком матриці A на число k називається матриця $B = kA$, елементи якої $b_{ij} = ka_{ij}$ для $i = 1, 2, \dots, m; j = 1, 2, \dots, n$. Інакше кажучи, при множенні матриці на постійну величину кожен елемент цієї матриці множиться на цю величину:

$$k \times A_{ij} = (k \times a_{ij}).$$

Множення матриць

Добуток матриць визначений, якщо число стовпців першої матриці дорівнює числу рядків другою.

Нехай $A = (a_{ij}) m \times n$, $B = (b_{ij}) n \times p$, тоді розмірність добутку $A \times B$ дорівнює $m \times p$. При цьому матриця C називається добутком матриць A і B , якщо кожен її елемент c_{ij} дорівнює сумі добутків елементів i -го рядка матриці A на відповідні елементи j -го стовпця матриці B :

$$c_{ij} = a_{i1}b_{1j} + a_{i2}b_{2j} + \dots + a_{ip}b_{pj} = \sum_{k=1}^p a_{ik}b_{kj}, \quad i=1,2,\dots,m; \quad j=1,2,\dots,n.$$

Таким чином, перемножування матриць здійснюється за наступним правилом:

$$C = A \cdot B = \begin{pmatrix} 1\text{стр} \cdot 1\text{стб} & 1\text{стр} \cdot 2\text{стб} & \dots & 1\text{стр} \cdot p\text{стб} \\ 2\text{стр} \cdot 1\text{стб} & 2\text{стр} \cdot 2\text{стб} & \dots & 2\text{стр} \cdot p\text{стб} \\ \dots & \dots & \dots & \dots \\ m\text{стр} \cdot 1\text{стб} & m\text{стр} \cdot 2\text{стб} & \dots & m\text{стр} \cdot p\text{стб} \end{pmatrix}$$

Наприклад

$$C = A \cdot B = \begin{pmatrix} 1 & 3 & 4 & 2 \\ 3 & 2 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 & 2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 2 \\ 10 & 0 \\ 12 & -1 \end{pmatrix} =$$

$$= \begin{pmatrix} 1 \cdot 1 + 3 \cdot 2 + 4 \cdot 10 + 2 \cdot 12 & 1 \cdot 3 + 3 \cdot 2 + 4 \cdot 0 + 2 \cdot (-1) \\ 3 \cdot 1 + 2 \cdot 2 + 0 \cdot 10 - 1 \cdot 12 & 3 \cdot 3 + 2 \cdot 2 + 0 \cdot 0 - 1 \cdot (-1) \\ 0 \cdot 1 + 1 \cdot 2 - 1 \cdot 10 + 2 \cdot 12 & 0 \cdot 3 + 1 \cdot 2 - 1 \cdot 0 + 2 \cdot (-1) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 71 & 7 \\ -5 & 14 \\ 16 & -1 \end{pmatrix}$$

Багато властивостей, властивих операціям над числами, справедливі і для операцій множення матриць.

В алгебрі матриць немає дії ділення. Вираз A/B не має сенсу. Його замінюють два різні вирази $B^{-1} \times A$ і $A \times B^{-1}$, якщо існує B^{-1} .

Для квадратних матриць можлива операція піднесення до степеня. Після визначення, вважають, що $A^0 = E$ і $A^1 = A$. Цілим позитивним ступенем $A^m (m > 1)$ квадратною матрицею A називається добутком m матриць, рівних A , тобто, :

$$A^m = A \cdot A \cdot \dots \cdot A \quad m \text{ разів.}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 4x_3 + 5x_4 = 5 \\ 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 2 \\ 3x_1 + 5x_2 + 6x_3 + 4x_4 = 7 \\ 2x_1 + 6x_2 + 7x_3 + 5x_4 = 2 \end{cases}$$

1) Вводимо значення елементів матриць A і B рівняння у комірки, рис. 3.1.

2) Виділяємо блок комірок під зворотню матрицю.

3) Викликаємо діалогове вікно “*Мастер функций*” і в робочому полі “*Категория*” обираємо “*Математическое*”, а в робочому полі “*Функция*” – ім'я функції “*МОБР*”. Після цього клацаємо по кнопці **ОК**.

4) Вводимо діапазон початкової матриці у робоче поле (“*Массив*”) і натискаємо кнопку **ОК**.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I
1									
2	A=	2	3	4	5		B=	5	
3		4	5	2	7			2	
4		3	5	6	4			7	
5		2	6	7	5			2	
6									

Рисунок 3.1 – Функція в табличному вигляді

5) Потім натискаємо поєднання клавіш **Ctrl+Shift+Enter**. Зворотна матриця готова.

6) Перемножуємо зворотну матрицю A^{-1} на матрицю B за допомогою матричної функції “*МУМНОЖ*” (порядок множення важливий - першою повинна йти матриця A^{-1} , а другою - B). Отриманий вектор-стовпець X є результатом рішення системи рівнянь.

7) Транспонування матриці A . Для цього виділяємо блок комірок під транспоновану матрицю.

8) Запускаємо “**Мастер функций**” і в робочому полі “**Категория**” вибираємо “**Ссылки и массивы**”, а в робочому полі “**Функция**” - ім'я функції *ТРАНСП*, після цього клацаємо на кнопці ОК.

9) Після появи діалогового вікна *ТРАНСП* виділяємо матрицю і тиснемо **Enter**. Після цього натискаємо поєднання клавіш **Ctrl+Shift+Enter**.

10) Обчислимо визначник матриці A^{-1} . Для цього вибираємо комірку під визначник Δ . Запускаємо “**Мастер функций**” і в робочому полі “**Категория**” обираємо “**Математические**”, а в робочому полі “**Функция**” - ім'я функції *МОПРЕД*.

11) Після появи діалогового вікна *МОПРЕД* виділяємо матрицю і тиснемо **Enter**. Готовий приклад показана на рис. 3.2 .

	A	B	C	D	E	F	G	H
1								
2	A=	2	3	4	5		B=	5
3		4	5	2	7			2
4		3	5	6	4			7
5		2	6	7	5			2
6								
7	A-1=	0,010417	0,03125	0,6875	-0,60417		X=	3,71875
8		-0,59375	0,21875	-0,1875	0,4375			-2,96875
9		0,260417	-0,21875	0,1875	-0,10417			1,96875
10		0,34375	0,03125	-0,3125	0,0625			-0,28125
11								
12	A'=	2	4	3	2		Δ=	96
13		3	5	5	6			
14		4	2	6	7			
15		5	7	4	5			

Рисунок 3.2 – Зображення готового завдання.

3.4 Зміст звіту

Звіт з лабораторної роботи повинен містити:

- мету роботи;
- завдання на виконання роботи;
- результати виконаної роботи ;
- висновки.

3.5 Завдання на лабораторну роботу

Вирішити систему рівнянь, провести транспонування і обчислення визначника матриці. Варіанти завдань наведено в табл.3.1.

Таблиця 3.1 –Варіанти завдань:

Вар-т	Завдання	Вар-т	Завдання
1	2	3	4
1	$\begin{cases} 27x_1 + 3,3x_2 + 1,3x_3 = 21 \\ 3,5x_1 - 17x_2 + 2,8x_3 = 17 \\ 4,1x_1 + 5,8x_2 - 17x_3 = 8 \end{cases}$	2	$\begin{cases} 17x_1 + 2,8x_2 + 1,9x_3 = 7 \\ 2,1x_1 + 34x_2 + 1,8x_3 = 11 \\ 4,2x_1 - 1,7x_2 + 13x_3 = 28 \end{cases}$
3	$\begin{cases} 31x_1 + 2,8x_2 + 1,9x_3 = 2 \\ 1,9x_1 + 31x_2 + 2,1x_3 = 21 \\ 7,5x_1 + 3,8x_2 + 48x_3 = 56 \end{cases}$	4	$\begin{cases} 91x_1 + 5,6x_2 + 7,8x_3 = 98 \\ 3,8x_1 + 51x_2 + 2,8x_3 = 67 \\ 4,1x_1 + 5,7x_2 + 12x_3 = 58 \end{cases}$
5	$\begin{cases} 33x_1 + 2,1x_2 + 2,8x_3 = 8 \\ 4,1x_1 + 37x_2 + 4,8x_3 = 57 \\ 2,7x_1 + 1,8x_2 + 11x_3 = 32 \end{cases}$	6	$\begin{cases} 76x_1 + 5,6x_2 + 4,7x_3 = 101 \\ 3,8x_1 + 41x_2 + 2,7x_3 = 97 \\ 2,9x_1 + 2,1x_2 + 38x_3 = 78 \end{cases}$
7	$\begin{cases} 32x_1 - 2,5x_2 + 3,7x_3 = 65 \\ 0,5x_1 + 34x_2 + 1,7x_3 = -2,4 \\ 1,6x_1 + 2,3x_2 - 15x_3 = 43 \end{cases}$	8	$\begin{cases} 54x_1 - 2,3x_2 + 3,4x_3 = -35 \\ 3,4x_1 + 17x_2 + 2,3x_3 = 27 \\ 3,4x_1 + 2,4x_2 + 74x_3 = 19 \end{cases}$
9	$\begin{cases} 36x_1 + 1,8x_2 - 4,7x_3 = 38 \\ 2,7x_1 - 36x_2 + 1,9x_3 = 4 \\ 1,5x_1 + 4,5x_2 + 33x_3 = -16 \end{cases}$	10	$\begin{cases} 56x_1 + 2,7x_2 - 1,7x_3 = 19 \\ 3,4x_1 - 36x_2 - 6,7x_3 = -24 \\ 0,8x_1 + 1,3x_2 + 37x_3 = 12 \end{cases}$

Продовження табл.3.1

1	2	3	4
11	$\begin{cases} 27x_1 + 0,9x_2 - 1,5x_3 = 35 \\ 4,5x_1 - 28x_2 + 6,7x_3 = 26 \\ 5,1x_1 + 3,7x_2 - 14x_3 = -14 \end{cases}$	12	$\begin{cases} 45x_1 - 3,5x_2 + 7,4x_3 = 25 \\ 3,1x_1 - 6x_2 - 2,3x_3 = -15 \\ 0,8x_1 + 7,4x_2 - 5x_3 = 64 \end{cases}$
13	$\begin{cases} 38x_1 + 6,7x_2 - 1,2x_3 = 52 \\ 6,4x_1 + 13x_2 - 2,7x_3 = 38 \\ 2,4x_1 - 4,5x_2 + 35x_3 = -6 \end{cases}$	14	$\begin{cases} 54x_1 - 6,2x_2 - 0,5x_3 = 5,2 \\ 3,4x_1 + 23x_2 + 0,8x_3 = -8 \\ 2,4x_1 - 1,1x_2 + 38x_3 = 18 \end{cases}$
15	$\begin{cases} 78x_1 + 5,3x_2 + 4,8x_3 = 18 \\ 3,3x_1 + 1,1x_2 + 1,8x_3 = 23 \\ 4,5x_1 + 3,3x_2 + 28x_3 = 34 \end{cases}$	16	$\begin{cases} 38x_1 + 4,1x_2 - 2,3x_3 = 48 \\ -2,1x_1 + 39x_2 - 5,8x_3 = 33 \\ 1,8x_1 + 1,1x_2 - 2,1x_3 = 58 \end{cases}$
17	$\begin{cases} 17x_1 - 2,2x_2 + 30x_3 = 18 \\ 2,1x_1 + 19x_2 - 2,3x_3 = 28 \\ 4,2x_1 + 3,9x_2 - 3,1x_3 = 51 \end{cases}$	18	$\begin{cases} 28x_1 + 3,8x_2 - 32x_3 = 45 \\ 2,5x_1 - 2,8x_2 + 3,3x_3 = 71 \\ 6,5x_1 - 7,1x_2 + 48x_3 = 63 \end{cases}$
19	$\begin{cases} 33x_1 + 3,7x_2 + 4,2x_3 = 58 \\ 2,7x_1 + 23x_2 - 2,9x_3 = 61 \\ 4,1x_1 + 4,8x_2 - 50x_3 = 70 \end{cases}$	20	$\begin{cases} 71x_1 + 6,8x_2 + 6,1x_3 = 70 \\ 5x_1 + 48x_2 + 5,3x_3 = 61 \\ 8,2x_1 + 7,8x_2 + 71x_3 = 58 \end{cases}$

3.6 Контрольні питання

1. Що таке матриця? Види матриць. Розмірність матриць
2. Які операції над матрицями Ви знаєте?
3. Що таке транспонована матриця? Яка функція у **MS Excel** використовується для її отримання?
4. Що таке визначник матриці? Як його обчислити у **MS Excel**?
5. Що таке зворотня матриця? Як її обчислити у **MS Excel**?
6. Які арифметичні дії над матрицями Ви знаєте?
7. Як проводиться множення матриці на матрицю математично та у середовищі **MS Excel**?
8. Методика рішення системи рівнянь у **MS Excel**.

ЛИТЕРАТУРА

1. **Microsoft Office 97**. Шаг за шагом (книга и компакт-диск): Практич. пособ.\ Пер. с англ. – М.: Издательство ЭКОМ, 1998. – 800 с.
2. Леонтьев Ю.Г. Самоучитель по Office Word 2003 – СПб: Питер, 2003.
3. Microsoft Office Excel 2003. Учебный курс / В. Кузьмин, - СПб.: Питер: Издательская группа ВHV, 2009.
4. Excel: Сборник примеров и задач / С.М. Лавренов, - М.: Финансы и статистика, 2009.